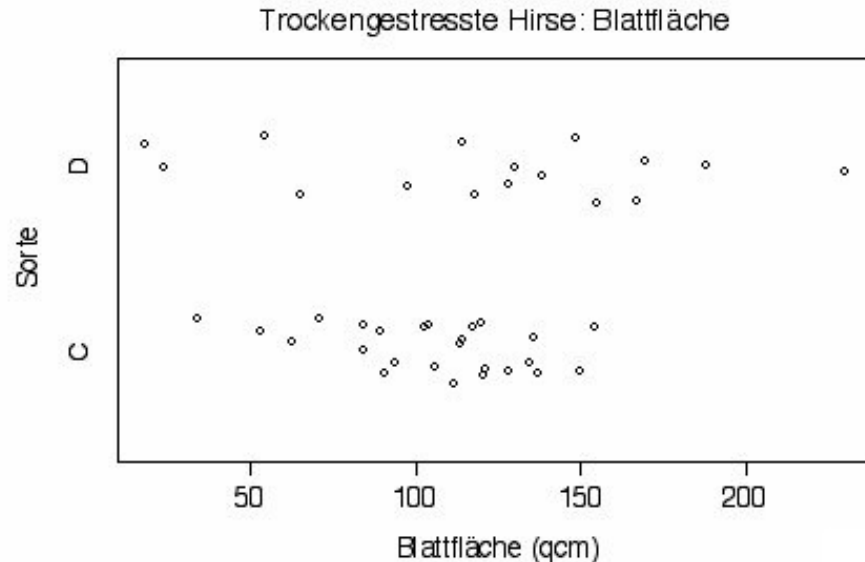


Aufgabe 1

a) Die mittlere Blattfläche bei Sorte C ist $\bar{x}_C = 105,36$ mit Standardabweichung $s_C = 29,55$. Wie könnte man Ihrer Meinung nach \bar{x}_C sinnvoll runden? Betrachten Sie dazu auch die Größe des Standardfehlers.

b) Ist der Wert $\mu_C = 100$ mit diesen Daten verträglich?

c) Tragen Sie \bar{x}_C mit den Grenzen $\bar{x}_C \pm s_C/\sqrt{n_C}$ in die Abbildung ein.

d) Die mittlere Blattfläche bei Sorte D ist ungefähr

80 100 120 140 160 180 200.

e) Die Standardabweichung der Blattfläche bei Sorte D ist ungefähr

24 60 90 120.

Benutze hierfür die $\frac{2}{3}$ -Faustregel aus der Vorlesung.

f) Der Standardfehler der Blattfläche bei Sorte D ist ungefähr

6 15 22 30 60 90 120.

g) Tragen Sie \bar{x}_D mit Grenzen $\bar{x}_D \pm s_D/\sqrt{n_D}$ in die Abbildung ein.

h) Sind die mittleren Blattflächen der beiden Sorten signifikant voneinander verschieden?

Aufgabe 2 Gnus werden laut Wikipedia im Durchschnitt etwa 200 kg schwer. In einem Nationalpark, in dem eine große Gnu-Herde lebt, werden fünf ausgewachsene Gnus zufällig ausgewählt und gewogen. Ihre Massen in kg sind:

175 195 214 225 248

(a) Berechnen Sie von Hand (d.h. mit Papier, Kugelschreiber und Taschenrechner) für diese Stichprobe den Mittelwert, die Varianz und die Standardabweichung (als Schätzer für die entsprechenden Werte des Anteils ausgewachsener Gnus in der Herde) sowie den Standardfehler des Mittelwerts.

(b) Überprüfen Sie Ihre Ergebnisse, indem Sie die selben Werte nun mit R berechnen.

(c) Legen diese Werte nahe, dass das mittlere Gewicht erwachsener Gnus in dieser Herde von dem bei Wikipedia angegebenen Wert abweicht?

Aufgabe 3 Betrachten Sie nochmals die Schnabellängen der Darwin-Finken von den drei Inseln des Galápagos-Archipels aus dem Datensatz von H.S. Swarth (R Intro, Abschnitt 10, die Datei `swarth1.dat`): Berechnen Sie mit *R* getrennt nach den Inseln jeweils den Stichprobenmittelwert und den dazugehörigen Standardfehler. Würden Sie sagen, dass die mittlere Schnabellänge auf den Inseln unterschiedlich ist?

Aufgabe 4 In einem Experiment wurden zwei Gruppen von zehn bzw. neun Küken mit zwei verschiedenen Futtersorten aufgezogen und nach 21 Tagen gewogen. Die Ergebnisse waren (in g):

Mit Sorte A

331 167 175 74 265 251 192 233 309 150

Mit Sorte B

204 281 200 196 238 205 322 237 264

- Visualisieren Sie die Daten in angemessener Weise.
- Bestimmen Sie für jede der Stichproben den Mittelwert und den Standardfehler (geben Sie einen plausibel gerundeten Wert an).
- Angenommen, Sie sollten ein Experiment entwerfen, in dem das mittlere Gewicht nach 21 Tagen mit Futtersorte A bis auf einen Standardfehler von ungefähr 5g genau bestimmt werden kann. Wieviele Küken müsste man dafür etwa nehmen?
- Wieviele bräuchte man vermutlich, um dasselbe Problem für Sorte B zu lösen?

(Die Daten sind Teil des R-Beispieldatensatzes `ChickWeight` (die Gruppen `Diet==4` und `Diet==2`), siehe z.B. M. Crowder, D. Hand, *Analysis of Repeated Measures*, Chapman and Hall (1990).)

Aufgabe 5 Ein Skatblatt (32 Karten) wird gut gemischt, und anschließend werden die obersten beiden Karten nacheinander aufgedeckt. Welche Paare der folgenden Ereignisse sind stochastisch unabhängig?

A Die erste Karte ist ein Ass.

D Die zweite Karte ist eine Dame.

P Die erste Karte ist ein Pik (♠).

H Die zweite Karte ist ein Herz (♥).

Ändert sich daran etwas, und ggf. was, wenn der König der Farbe Kreuz (♣) fehlt, und es somit nur 31 Karten sind?

Aufgabe 6 Das R-Skript `samsim.R` enthält Befehle, um folgendes auszuführen:

- Simuliere eine Population x von 1000000 Werten gemäß einer gewissen Verteilung.
- Berechne Mittelwert μ und Standardabweichung σ der Gesamtpopulation.
- Ziehe 1000 Stichproben der Größe $n = 10$ aus der Gesamtpopulation.
- Berechne Stichprobenmittelwert \bar{x} und (Stichproben-)Standardabweichung s für jede der 1000 Stichproben.
- Zähle, für welchen Anteil der Stichproben das Intervall $[\bar{x} - s/\sqrt{n}, \bar{x} + s/\sqrt{n}]$ den Populationsmittelwert μ überdeckt.
- Vergleiche die Verteilung der Stichprobenmittel grafisch mit der Normalverteilung mit Mittelwert μ und Standardabweichung σ/\sqrt{n} .

Öffnen Sie `samsim.R` als Skript in *R* und finden Sie heraus, welche Befehle zu den Schritten (a) bis (f) gehören. Am Ende des Skripts wird eine weitere Population y simuliert. Führen Sie obige Schritte für y mit verschiedenen Wahlen der Stichprobengröße n durch. Für welche n ist die Normalverteilung eine gute Approximation der Verteilung des Stichprobenmittels?